

Errata do książki :

## „Zadania maturalne na dowodzenie poziom podstawowy i rozszerzony”

ISBN: 9788364660955

wydanie: 2020

### Uzupełnienie dowodu do zadania 9. str. 13.

Dla  $n = 6k + 1, k \in \mathbb{C}$ , mamy:  $n^2 = (6k + 1)^2 = 36k^2 + 12k + 1 = 12k(3k + 1) + 1$   
Liczby  $k, 3k + 1$  są różnej parzystości, zatem iloczyn  $k(3k + 1)$  jest liczbą parzystą, zatem liczba  $n^2 = 12k(3k + 1) + 1$  przy dzieleniu przez 24 daje resztę 1, cnd.

### Zadanie 17. strona 19.

W treści zadania jest:  $\frac{a}{a^2+a+1} \geq \frac{1}{3}$ , winno być:  $\frac{a}{a^2+a+1} \leq \frac{1}{3}$ .

### Zadanie 7. strona 31.

W treści zadania jest: „ Udowodnij równość:  $\cos^2 \frac{\pi}{8} - \sin^2 \frac{\pi}{8} + 2\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$ .”,

winno być: „ Udowodnij równość:  $\cos^2 \frac{\pi}{8} - \sin^2 \frac{\pi}{8} + 2\sin \frac{\pi}{12} \cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{2}+1}{2}$ .”.

### Zadanie 11. strona 32.

W treści zadania jest: „Udowodnij, że **jeśli**”, winno być „Udowodnij, że”.

### Zadanie 12. strona 47.

W treści zadania jest: „Udowodnij, że odcinki AF i **AE** dzielą ...”, winno być „Udowodnij, że odcinki AF i **EC** dzielą ...”.

### Zadanie 9. strona 63.

W treści zadania jest: „dzielników.”, winno być „dzielników naturalnych.”.

### Zadanie 7. strona 126.

W treści zadania jest: „ ... =  $\cos \frac{\pi}{4} + \sin \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2}-1}{2}$  ”,

winno być „ ... =  $\cos \frac{\pi}{4} + \sin \frac{\pi}{6} = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{2}+1}{2}$  ”.

### Zadanie 8. strona 143.

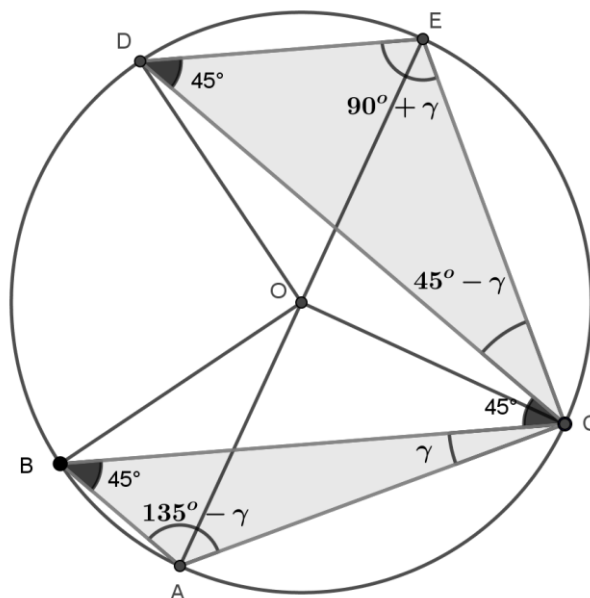
W treści zadania jest: „Trójkąt AEG jest równoramienny i  $|AE| = |AG|$ , ...”, winno być „Trójkąt AEG jest równoramienny i  $|AE| = |EG|$ , ...”.

### Zadanie 11. strona 145.

W treści zadania jest: „Z uwagi na równość pól trójkątów AOB i BOC ...”, winno być „Z uwagi na równość pól trójkątów AOC i BOC ...”.

### Rozwiązanie zadania 31. strona 51, dowód str. 155:

Z własności kątów wpisanych kąty  $AOC$ ,  $COE$ , i  $BOD$  mają miarę  $90^\circ$ , zatem  $AE$  jest średnicą okręgu o środku w punkcie  $O$ . Oznaczmy:  $\angle BCA = \gamma$ , wtedy:



Korzystając ze wzoru na pole trójkąta w zależności od promienia okręgu  $R$  opisanego na trójkącie oraz sinusów kątów trójkąta otrzymujemy:

$$P_{\Delta ABC} = 2R^2 \cdot \sin(135^\circ - \gamma) \cdot \sin 45^\circ \cdot \sin \gamma = \sqrt{2}R^2 \cdot \sin \gamma \cdot \cos(45^\circ - \gamma)$$

$$P_{\Delta CDE} = 2R^2 \cdot \sin(45^\circ - \gamma) \cdot \sin 45^\circ \cdot \sin(90^\circ + \gamma) = \sqrt{2}R^2 \cdot \cos \gamma \cdot \sin(45^\circ - \gamma)$$

Suma pól trójkątów  $ABC$  i  $CDE$  jest równa:

$$\begin{aligned} P_{\Delta ABC} + P_{\Delta CDE} &= \sqrt{2}R^2 \cdot [\sin \gamma \cdot \cos(45^\circ - \gamma) + \cos \gamma \cdot \sin(45^\circ - \gamma)] = \\ &= \sqrt{2}R^2 \cdot \sin[\gamma + (45^\circ - \gamma)] = \sqrt{2}R^2 \sin 45^\circ = R^2, \end{aligned}$$

stąd  $P_{\Delta ABC} + P_{\Delta CDE} = P_{\Delta ACE}$ .

Pole rozpatrywanej figury jest sumą pola trójkąta  $ACE$  oraz dwóch odcinków koła, co stanowi połowę pola koła, cnd.

Za zaistniałe niedopatrzenie Wydawnictwo Aksjomat pragnie serdecznie przeprosić swoich Czytelników. Zapewniamy, że powyższe zmiany zostaną uwzględnione w kolejnym składzie książki.

*Piotr Nodzyński*